

## Основне рівняння МКТ ідеального газу

Кожне макроскопічне тіло складається з величезної кількості молекул.

Поведінку макроскопічних тіл описують низкою фізичних величин – мікроскопічними і макроскопічними параметрами.

Що це за параметри і як вони пов'язані?

### 1. Мікроскопічні і макроскопічні параметри

**Мікроскопічні параметри** – це фізичні величини, які характеризують властивості та поведінку окремих мікрочастинок речовини. (маси молекул, їх швидкості, концентрація)

**Макроскопічні параметрами** – це фізичні величини, які характеризують властивості та поведінку макроскопічних тіл без урахування їх молекулярної будови. (об'єм, тиск, температура)

**Основне завдання МКТ:**

**Встановити зв'язок між макроскопічними і мікроскопічними параметрами речовини й, виходячи з цього, знайти рівняння стану даної речовини.** Наприклад, знаючи масу молекул, їх середні швидкості й концентрацію, можна знайти об'єм, тиск і температуру даної маси газу, а також визначити тиск газу, якщо відомі його об'єм і температура.

### 2. Ідеальний газ

**Ідеальний газ** – це фізична модель газу, молекули якого приймають за матеріальні точки, що не взаємодіють одна з одною на відстані та пружно взаємодіють у моменти зіткнення.

З точки зору молекулярних уявлень, гази складаються з атомів або молекул, відстані між якими значно більші за їх розміри. Внаслідок цього сили взаємодії між молекулами газів практично відсутні. Взаємодія між ними фактично відбувається лише під час короткочасних зіткнень.

Оскільки взаємодія молекул ідеального газу зводиться лише до короткочасних зіткнень і розміри молекул не впливають на тиск і температуру газу, ми можемо вважати, що: ідеальний газ – набір невзаємодіючих матеріальних точок.

### 3. Основне рівняння МКТ ідеального газу

#### *Проблемне питання*

• Чи є сенс розглядати рух кожної окремої молекули та встановлювати швидкість її руху в даний момент часу?

Число молекул величезне, і за секунду кожна молекула змінює швидкість свого руху мільярди разів. Тому фізики використовують *середні значення швидкостей молекул*.

$$\overline{v^2} = \frac{v_1^2 + v_2^2 + \dots + v_N^2}{N}$$

$\overline{v^2}$  – середній квадрат швидкості

$N$  – число молекул

$v_1, v_2, \dots, v_N$  – швидкості руху окремих молекул

**Середня квадратична швидкість руху молекул – це квадратний корінь із середнього квадрата швидкості.**

$$\bar{v}_{\text{кв}} = \sqrt{\overline{v^2}}$$

Тиск газу є результатом зіткнення молекул газу зі стінками посудини.

Чим швидше рухаються молекули газу і чим більшою є маса цих молекул, тим більшою буде сила їх ударів і тим більший тиск створюватиме газ.

**Основне рівняння МКТ ідеального газу:**

$$p = \frac{1}{3} m_0 n \overline{v^2}$$

$p$  – тиск ідеального газу

$m_0$  – маса однієї молекули газу

$n$  – концентрація молекул  $n = \frac{N}{V}$ ,  $[n] = \text{м}^{-3}$

$\overline{v^2}$  – середнє значення квадрата швидкості молекул

Коефіцієнт  $1/3$  зумовлений тривимірністю простору – тим, що під час хаотичного руху молекул всі три напрями рівноправні.

**Проблемне питання**

- Чому тиск газу збільшується зі збільшенням концентрації молекул?

**4. Зв'язок тиску з середньою кінетичною енергією молекули.**

$$\bar{E}_k = \frac{m_0 \overline{v^2}}{2}$$

$$p = \frac{1}{3} m_0 n \overline{v^2} = \frac{2 n m_0 \overline{v^2}}{2} = \frac{2}{3} n \bar{E}_k$$

### Приклади розв'язування задач з теми

1. Під яким тиском знаходиться газ в посудині, якщо середня квадратична швидкість його молекул  $10^3$  м/с, концентрація молекул  $3 \cdot 10^{25}$  м<sup>-3</sup>, а маса кожної молекули  $5 \cdot 10^{-26}$  кг?

**Дано:**

$$\bar{v} = 10^3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$n = 3 \cdot 10^{25} \text{ м}^{-3}$$

$$m_0 = 5 \cdot 10^{-26} \text{ кг}$$

$p = ?$

**Розв'язання**

$$p = \frac{1}{3} m_0 n \overline{v^2}$$

$$[p] = \text{кг} \cdot \text{м}^{-3} \cdot \left(\frac{\text{м}}{\text{с}}\right)^2 = \frac{\text{кг}}{\text{м} \cdot \text{с}^2} = \text{Па}$$

$$p = \frac{1}{3} \cdot 5 \cdot 10^{-26} \cdot 3 \cdot 10^{25} \cdot (10^3)^2 = 5 \cdot 10^5 (\text{Па})$$

**Відповідь:**  $p = 0,5$  МПа.

2. Визначте тиск газу, якщо його густина дорівнює  $0,6$  кг/м<sup>3</sup>, а середня квадратична швидкість руху його молекул становить  $400$  м/с.

**Дано:**

$$\rho = 0,6 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$$

$$\bar{v} = 400 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

 $p = ?$ **Розв'язання**

$$p = \frac{1}{3} m_0 n \bar{v}^2$$

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{Nm_0}{V} = nm_0 \quad \text{де } n = \frac{N}{V}$$

$$p = \frac{1}{3} \rho \bar{v}^2 \quad [p] = \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot \left(\frac{\text{м}}{\text{с}}\right)^2 = \frac{\text{Н}}{\text{м}^2} = \text{Па}$$

$$p = \frac{1}{3} \cdot 0,6 \cdot (400)^2 = 32000 \text{ (Па)}$$

**Відповідь:**  $p = 32 \text{ кПа}$ .

3. Тиск газу дорівнює 80 кПа, а концентрація його молекул  $2 \cdot 10^{25} \text{ м}^{-3}$ . Визначте середню кінетичну енергію поступального руху молекул газу.

**Дано:**

$$p = 80 \text{ кПа}$$

$$= 8 \cdot 10^4 \text{ Па}$$

$$n = 2 \cdot 10^{25} \text{ м}^{-3}$$

 $\bar{E}_k = ?$ **Розв'язання**

$$p = \frac{2}{3} n \bar{E}_k \quad \Rightarrow \quad \bar{E}_k = \frac{3p}{2n}$$

$$[\bar{E}_k] = \frac{\text{Па}}{\text{м}^{-3}} = \frac{\text{Н}}{\text{м}^2} \cdot \text{м}^3 = \text{Н} \cdot \text{м} = \text{Дж}$$

$$\bar{E}_k = \frac{3}{2} \cdot \frac{8 \cdot 10^4}{2 \cdot 10^{25}} = 6 \cdot 10^{-21} \text{ (Дж)}$$

**Відповідь:**  $\bar{E}_k = 6 \cdot 10^{-21} \text{ Дж}$ .

4. На терезах зрівноважено два однакових закритих балони: перший із киснем, а другий з азотом. Тиск газів однаковий. Порівняйте середні квадратичні швидкості руху молекул кисню та азоту.

**Дано:**

$$m_1 = m_2$$

$$V_1 = V_2$$

$$p_1 = p_2$$

$$\frac{\bar{v}_1}{\bar{v}_2} = ?$$

**Розв'язання**

$$m = \rho V = nm_0 V = \frac{N}{V} \cdot \frac{M}{N_A} \cdot V = \frac{NM}{N_A}$$

$$m_1 = m_2 \quad \frac{N_1 M_1}{N_A} = \frac{N_2 M_2}{N_A} \quad \Rightarrow \quad N_1 M_1 = N_2 M_2$$

$$p = \frac{1}{3} m_0 n \bar{v}^2$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{M_1}{N_A} \cdot \frac{N_1}{V_1} \cdot \bar{v}_1^2 = \frac{1}{3} \cdot \frac{M_2}{N_A} \cdot \frac{N_2}{V_2} \cdot \bar{v}_2^2$$

$$\bar{v}_1^2 = \bar{v}_2^2 \quad \Rightarrow \quad \frac{\bar{v}_1}{\bar{v}_2} = 1$$

**Відповідь:**  $\frac{\bar{v}_1}{\bar{v}_2} = 1$ .**Розв'яжи самостійно:**

1. Визначте тиск кисню, якщо концентрація його молекул дорівнює  $3 \cdot 10^{25} \text{ м}^{-3}$ , а середня квадратична швидкість руху його молекул становить 420 м/с.

2. Тиск розрідженого газу  $5 \cdot 10^4$  Па, його густина  $4,1 \cdot 10^{-2}$  кг/м<sup>3</sup>. Визначте середню квадратичну швидкість хаотичного руху молекул газу.

### **Корисні посилання:**

[Фізика: 10-й клас. підручник \(рівень стандарту\) В.Г. Бар'яхтар, С.О. Довгий, Ф.Я. Божинова, О.О. Кірюхіна](#)